

1. 地球のマントル対流の特徴

マントル対流の基礎方程式 マントル対流の性質 マントル対流の特徴 リソスフェア(表層)とアセノスフェア(内部) アセノスフェア(内部): 遷移層 アセノスフェア(内部): CMB

マントル対流の基礎方程式 質量、運動量、エネルギーの保存 ブジネスク近似、浮力は温度→密度変化のみとし、無次元化

 $\nabla \cdot \vec{v} = 0$ $0 = -\nabla P + \frac{\partial \tau_{ij}}{\partial x_j} + \text{Ra}T\delta_{i3}$

 $\frac{\partial T}{\partial t} + \vec{v} \cdot \nabla T = \nabla^2 T + \epsilon$

ここで、Ra はレイリー数 、 ϵ は無次元化された発熱量 Ra = 熱拡散の時間スケール/RT不安定成長の時間スケール ϵ = 発熱量/熱伝導による熱流量

マントル対流の基礎方程式 状態方程式、構成則、相平衡

$$\rho = \rho_r \left[1 - \alpha (T - T_r) + \frac{1}{K_T} (P - P_r) + \vec{\beta} \cdot (\vec{C} - \vec{C_r}) \right]$$

$$\sigma_{ij} = A^{-\frac{1}{n}} \dot{e}^{\frac{1-n}{n}} \exp\left(\frac{E + PV}{nRT}\right) \dot{e_{ij}}$$

$$\sigma_{ij} = \left[-P + \left(\zeta - \frac{2}{3}\mu\right) e_{kk} \right] \delta_{ij} + 2\mu e_{ij}$$

相平衡・化学反応 ($\mu_{\alpha}^{i} = \mu_{\beta}^{i}$)

マントル対流の基礎方程式

相平衡·相変化



(111)

マントル対流の基礎方程式

重力が駆動: 地球内部の密度分布がパターンを決める 流れ場:粘性力が卓越するために、慣性項はおちるが解くのは大変

(定常解をもとめることに相当)

非線形性: エネルギー輸送と非線形物性で生まれる 相変化や反応の化学も重要



マントル対流の性質 変数と無次元数

変数		単位/定義	上部マントル	下部マントル	全マントル
C_P	定圧比熱	$J \text{ kg}^{-1}\text{K}^{-1}$	$1.2{ imes}10^3$	1.2×10^{3}	1.2×10^{3}
D	対流層の厚さ	m	6.60×10^{5}	$22.3{ imes}10^5$	$28.9 imes 10^5$
Η	発熱量	$W kg^{-1}$	$2.3{\sim}6.2 imes10^{-12}$	$2.3{\sim}6.2$ ${\times}10^{-12}$	$2.3{\sim}6.2~{\times}10^{-12}$
k	熱伝導率	$W m^{-1} K^{-1}$	4.2	11.8	8.1
κ	熱拡散率	$\mathrm{m}^2~\mathrm{s}^{-1}$	1×10^{-6}	2×10^{-6}	1.5×10^{-6}
ρ	密度	$kg m^{-3}$	$3.5 imes 10^3$	$4.9 imes 10^3$	$4.5{ imes}10^3$
α	熱膨張率	K^{-1}	3×10^{-5}	1×10^{-5}	2×10^{-5}
μ	粘性係数	Pas	$0.1{\sim}1{\times}10^{21}$	$0.2{\sim}2{\times}10^{22}$	$1{\sim}3{\times}10^{21}$
ν	動粘性係数	$\mathrm{m}^2~\mathrm{s}^{-1}$	$0.3 {\sim} 3 {\times} 10^{17}$	$0.4 \sim 4 \times 10^{18}$	$2 \sim 7 \times 10^{17}$
ΔT	鉛直方向の温度差	K	$1.5{\sim}2.0{\times}10^3$	$1.0{\sim}2.0{\times}10^3$	$2.5{\sim}4.0{ imes}10^3$
無次元数					
Ra	レイリー数	$\frac{g\alpha\Delta TD^3}{\kappa\nu}$	$0.5{\sim}6{\times}10^{6}$	$0.1{\sim}3{\times}10^6$	$1 \sim 6 \times 10^{7}$
ϵ	無次元発熱量	$\frac{Hd^2}{C_P\kappa\Delta T}$	$0.4 {\sim} 1.5$	$2.4 \sim 12.8$	$2.7 {\sim} 11.5$

マントル対流の性質 2次元定常状態での構造:下面加熱、上面冷却、ε=0



図 2 粘性が高く慣性力が無視できるような流体の箱の中での対流

(岩波講座地球惑星科学10巻の図3.2および文献3))。箱の上下面での温度が各々一定で側面からは熱の出入りはなく,いずれの面でも自由すべりが起こると仮定。レイリー数は10⁶

野津憲治,清水洋,2003



マントル対流の性質 スケーリング:境界層の厚さと速度

温度境界層における移流による熱流入量と熱伝導による排出熱量とのつりあい:

$$\rho C_P u \delta \Delta T \sim k \frac{\Delta T}{\delta} D$$

 δ , D = 境界層の厚さと幅, $\Delta T = (T_1 - T_0)/2$ 、u = 境界層内での水平流の速さ。

$$\delta \sim \sqrt{\frac{\kappa D}{u}}$$
 or $u \sim \frac{\kappa D}{\delta^2}$

境界層に働く浮力 ($g\rho\alpha\Delta TD\delta$) と粘性抵抗 ($\mu = D$) のつりあい:

$$u \sim g\rho \alpha \Delta T D \delta / \mu$$

地球表層条件では
 $\frac{\delta}{D} = \operatorname{Ra}^{-\frac{1}{3}}$ and $\frac{u}{\kappa/D} = \operatorname{Ra}^{\frac{2}{3}}$ $\delta = 数 \operatorname{km}^{\sim} 数 + \operatorname{km}^{\circ}$
 $u = 数 \operatorname{cm/y}^{\sim} 数 + \operatorname{cm/y}^{\circ}$

マントル対流の性質 プレート運動=マントル対流の地表表現:プレート~境界層



マントル対流の性質 スケーリング:熱輸送とパラメター化対流モデル

 $Nu = aRa^{\beta}$

$$MC_{P} \frac{dT(t)}{dt} = -Nu(Ra)K \frac{T(t) - T_{s}}{R} 4\pi R^{2} + \frac{H(t)}{\Re \Re \exists \exists \exists \exists \forall z = \nu \ell \ell t}$$



Honda (1995)



Figure 6-39 Boundary layer structure of two-dimensional thermal convection cells in a fluid layer heated from below.

Turcotte & Schubert (1982) に加筆

マントル対流の特徴 リソスフェア(表層)とアセノスフェア(内部)

海嶺(発散境界)の沈み込み(収束)



海嶺は熱くない (平均的なマントルポテンシャル温度 ~1300度Cにほぼ等しい)

D MCKENZIE AND M J. BICKLE (1988)



McKenzie, Bickle, 1988

粘性の温度依存性⇒3次元対流中、上昇流はスポット的(≠線的構造)





マントル対流の特徴 リソスフェア(表層)とアセノスフェア(内部)

0







マントル対流の特徴

表 6.1.1 各種の力の大きさ (Forsyth & Uyeda, 1975)

力	相対的重要度	力の強さ	(単位)
	Ym'	Ym	
F_{RP}	0.075	0.36 ± 0.09	km ⁻¹
F_{CR}	0.040	0.16 ± 0.09	km ⁻¹
F_{TF}	0.063	0.36 ± 0.13	km ⁻¹
F_{SP}	0.745	6.43 ± 0.19	km ⁻¹
F_{su}	0.044	0.50 ± 0.25	km ⁻¹
$F_{ m SR}$	0.652	0.89 ± 0.03	km ^{−1} · cm ^{−1} · yr
$F_{ ext{cd}}$	0.056	5.65 ± 2.22	10 ⁻⁵ km ⁻² ⋅ cm ⁻¹ ⋅ yr
$F_{ m df}$	0.061	0.82 ± 0.30	10 ⁻⁵ km ⁻² ⋅ cm ⁻¹ ⋅ yr

 F_{TF} :トランスフォーム断層抵抗力, F_{SU} :スラブ吸い込み力, F_{CD} :大陸プレート下ドラッグ力, F_{DF} :海洋プレート下ドラッ グ力,その他は図 6.1.2 参照.

瀬野(2001)





Tarduno et al. (2009)



マントル対流の特徴



Davies, 1999 に加筆



プレート運動はマントル対流の地表表現に間違いない。

しかし内部の対流と、表面運動・テクトニクスの関係をきちんと(かなり大筋でも)理解 していないように思われる。

レオロジーの複雑性、大陸地殻の存在、水などの組成の効果などが原因?



マントル対流の特徴

地震波(S波)トモグラフィーモデル Takeuchi (2007)

不均質性が大きい部分 リソスフェアー遷移層(660km) コアーマントル境界付近(2891km)

地球は表面から冷やされ、 不均質・不安定が発達 + 下面から(表面よりは弱く?)

不安定が発達





マントル対流の特徴



Toriumi et al, 1997

マントル対流の特徴 アセノスフェア(内部)の流れ



図 1-4 Bullen のパラメータの深さ分布 (Dziewonski and Anderson, 1981 に もとづく) 唐戸(2000)

マントル対流の特徴



図4.35 マントルオリビンの相転移境界線と温度分布(Akaogi et al., 1989 など による).

マントル対流の特徴 アセノスフェア(内部)の流れ

$$dG = -(S^{\beta} - S^{\alpha}) dT + (V^{\beta} - V^{\alpha}) dP$$
$$\equiv -\Delta S \ dT + \Delta V \ dP = 0$$

Clausius-Clapeyron Slope

$$\frac{dP}{dT} = \frac{\Delta S}{\Delta V} = \frac{\Delta H}{T\Delta V}$$

$$\Rightarrow dP/dT > 0$$

dP/dT<0の例

H2O(氷と水)



脱水・脱ガス反応







マントル対流の特徴 アセノスフェア(内部)の流れ





図 3.15 相変化面に冷却塊が停留している状態を示す図.太い実線で囲まれた 部分は、まわりより *AT* だけ温度が低い.アミをかけた部分は、相変化面の位 置の変化によって生じた密度の低い部分を示す.

図3.14 相変化がマントルに与える影響を示す図.

マントル対流の特徴 アセノスフェア(内部)の流れ

Fukao et al. (2009)



マントル対流の特徴 アセノスフェア(内部)の流れ



Hofmann (1997)



Steinbach et al. (1993)




マントル対流の特徴 アセノスフェア(内部)の流れ: CMB





Lay & Garnero (2007)





図4.35 マントルオリビンの相転移境界線と温度分布(Akaogi et al., 1989 など による).



図4.38 鉄および鉄化合物の融解曲線. (Fe, FeO, FeS は Boehler, 1992, 1993 に, Fe-FeO は Ohtani et al., 1984; Ringwood and Hibberson, 1990 に, Fe-FeO-FeS は Urakawa et al., 1987 に, Fe-H は Yagi and Hishinuma, 1995 による) Toriumi et al, 1997











A results from post-perovskite and SiO2 phase transitions in the MORB component,

B from post-perovskite phase transition in the pyrolitic component,

C from back transformation of the post-perovskite to perovskite in the pyrolitic material due to rapid temperature increase (Lay et al., 2006)

D from onset of partial melting just above the CMB.

Ohta et al. (2008)







Hirose (2007)

a D" shear velocity



Ohta et al. (2008)



A results from post-perovskite and SiO2 phase transitions in the MORB component,

B from post-perovskite phase transition in the pyrolitic component,

C from back transformation of the post-perovskite to perovskite in the pyrolitic material due to rapid temperature increase (Lay et al., 2006)

D from onset of partial melting just above the CMB.

Ohta et al. (2008)

225 ESº (d) Strong (dark) and weak (light) D" anisotropy (c) Inferred ULVZ presence (light) and absence (dark)

(a) High (dark) and low (light) D" shear velocity

(b) Regional D" discontinuity detections

Lay & Garnero (2004)



Hirose (2007)

マントル対流の特徴

地震波(S波)トモグラフィーモデル Takeuchi (2007)

不均質性が大きい部分 **リソスフェアー遷移層(660km)** コアーマントル境界付近(2891km)

地球は表面から冷やされ、 不均質・不安定が発達 + 下面から(表面よりは弱く?)

不安定が発達



マントル対流の特徴 リソスフェア(表層)とアセノスフェア(内部)

εは小さくはなく、実際にトモグラフィーでは表面~遷移層の不均質性が大きい。
⇒ 地球内部は「五右衛門風呂」ではなく、表面からの冷却が主要因となる対流?





Christensen & Hofmann (1994)

(a) 256 (horizontal) x 128 (vertical)

(b) 256 (horizontal) x 192 (vertical)

Nakagawa & Tackley (2005)

Temperature

Composition

Phase function



Lay & Garnero (2007)



Lay & Garnero (2007)

- * Multiple reflectors
- * Vs, Vp, bulk sound V
- * Double crossing & dT/dP
- * Undulated topography
- * Anisotropy
- * ULVZ



Sugimura et al. (2008)



2. 地球内部の物質分化・循環

地殻と分化過程 沈み込み帯の物質循環 地殻物質と水のグローバルな循環 マントルの同位体不均質と対流構造



200 Ma Sinemurian (Early Jurassic)



190 Ma Pliensbachian (Early Jurassic)



180 Ma Aalenian (Middle Jurassic)















140 Ma Ryazanian (Early Cretaceous)



130 Ma Hauterivian (Early Cretaceous)



120 Ma Aptian (Early Cretaceous)



110 Ma Early Albian (Early Cretaceous)



100 Ma Late Albian (Early Cretaceous)


90 Ma Turonian (Late Cretaceous)



80 Ma Campanian (Late Cretaceous)



70 Ma Maastrichtian (Late Cretaceous)



60 Ma Late Paleocene



50 Ma Early Eocene



40 Ma Middle Eocene



30 Ma Early Oligocene



20 Ma Early Miocene



10 Ma Late Miocene



0 Ma Present Day



"Pangea Ultima" will form 250 million years in the Future

http://www.scotese.com/precambr.htm



図 3.3.15 2 億 6000 万年前から 7 億 5000 万年前までの大陸の復元図の一例. Daliziel (1995)を改変して引用.



柳澤(1996)

Tth





http://chigaku.ed.gifu-u.ac.jp/ chigakuhp/rika-b/ htmls/supconti/nameri.html



「全地球史解読(熊澤 ほか編)」丸山より

図 1.2.5 (上) 氷河期,(中) 太平洋型造山帯の形成年代頻度分布(面積比),(下)河川堆 積物のジルコン年代頻度分布(丸山, 1998).





半径 10 皮の厚さ 0. 全質量 3 皮質量

10cm 0. 05cm

> 300g 2

6400km 30km 6. 0x10²⁴kg 2. 4x10²²kg



地殻は全地球の~0.4 重量%に過ぎないが、 全地球放射性元素の半分近くを含む。

大陸地殻の形成:2桁の元素濃縮メカニズム

ある圧力Pにおいて:



図 7-8 2成分系(二つの溶液(固溶体)相)の X-G 図および X-T 図

$$\ln \frac{X_1^{\alpha}}{X_1^{\beta}} = \frac{-\Delta G_1}{RT} * 2 相間 での元素濃度比(分配係数) = エネルギー 差 * 元素は、居心地の良い相により多く分配される * 2 相の構造が異なるほど、分配の偏りが大きくなる X_2^{\alpha} = 1 - X_1^{\alpha}, X_2^{\beta} = 1 - X_1^{\beta}$$



図 7-21 カンラン岩とケイ酸塩メルトの間の微量元素の分配係数



イオン半径、電荷(⇒固体中のポテンシャルエネルギー) 固体とメルトの間の分配を整理・定量化可能:





Figure 7.2. Goldschmidt's classification of the elements.

White (2007)



培風館地球化学講座3巻



12.52



2.2

Davies (1999) に加筆









viscous flow
mass & energy flux <---> phase equilibria

Iwamori(1998)

Mass (+ Chemical Reaction)

$$\frac{\partial(\rho_i \phi_i)}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho_i \phi_i V_i) = \sum_{j \neq i} \Gamma_{j \rightarrow i}$$

and $\sum_i \sum_{j \neq i} \Gamma_{j \rightarrow i} = 0$ (*i*, *j* = m, s, a)
 $\frac{\partial(\rho_b C_b^{\text{H}_2\text{O}})}{\partial t} + \sum_i^{\text{m,s,a}} \nabla \cdot \left[\rho_i \phi_i C_i^{\text{H}_2\text{O}} V_i\right] = 0$

Momentum (Modified Darcy's Law) $V_{a} = V_{s} - \frac{k_{\phi_{a}}}{\phi_{a}\eta_{a}} \left[\eta_{s} \nabla^{2} V_{s} + (1 - \phi_{a}) \Delta \rho_{a} g z \right]$ and $k_{\phi_{a}} = \frac{R^{2} \phi_{a}^{n}}{B}$

Energy (+ Phase Diagram)

$$\begin{bmatrix} \sum_{i}^{\mathrm{m,s}} (\phi_{i}\rho_{i}C_{\mathrm{P}}^{i}) + T\Delta S \frac{(\partial\phi_{\mathrm{m}}\rho_{\mathrm{m}})}{\partial T} \end{bmatrix} \frac{\partial T}{\partial t}$$
$$= K\nabla^{2}T - \sum_{i}^{\mathrm{m,s}} (\phi_{i}\rho_{i}C_{\mathrm{P}}^{i}V_{i} \cdot \nabla T - T\phi_{i}\alpha_{i}V_{i} \cdot \nabla P)$$
$$- T\Delta S \frac{\partial(\phi_{\mathrm{m}}\rho_{\mathrm{m}})}{\partial(C_{\mathrm{b}}^{\mathrm{H}_{2}\mathrm{O}})} \frac{\partial(C_{\mathrm{b}}^{\mathrm{H}_{2}\mathrm{O}})}{\partial t} - T\Delta S\nabla \cdot (\phi_{\mathrm{m}}\rho_{\mathrm{m}}V_{\mathrm{m}})$$

Iwamori (1998)



Iwamori (2004)



2相流の運動方程式: 圧密項(右辺第一項)の重要性

$$\begin{split} -\nabla \cdot \mathbf{V}_s + \Gamma \left(\frac{1}{\rho_m} - \frac{1}{\rho_s} \right) \\ &= -\nabla \cdot \frac{k_\phi}{\mu} \left\{ \nabla \left[\left(\zeta + \frac{4}{3} \eta \right) \nabla \cdot \mathbf{V}_s \right] - \nabla \times (\eta \nabla \times \mathbf{V}_s) - (1 - \phi) \Delta \rho g \hat{\mathbf{z}} \right\} \end{split}$$

E密長 (compaction length)

$$\delta_c = \sqrt{rac{k_\phi^0 \left(\zeta + rac{4}{3}\eta
ight)}{\mu}}$$

McKenzie (1984)



圧密を伴う2相流の数値シミュレーション





化学反応を伴う2相流

Chromatographic effect



convective mass transport rate

Spiegelman et al (2001)



Iwamori(2007)
Model results of H2O distribution beneath Japan



Modified from Iwamori (2006)





Model result

Observation

Iwamori(2007)



Iwamori(2007)



Iwamori (2000)

(b) Central Japan



Iwamori (2007)







Iwamori(2007)





(modified from Nakajima and Hasegawa, 2007)

Oxygen & Hydrogen Isotopic Ratios of Slab-derived fluids (Kusuda, 2009)





lumari(2007)





Maximum H₂O in peridotite along standard geotherm

(unit)	Mass (10 ²¹ kg)	$\begin{array}{l} Max H_2O \\ (10^{21} \text{ kg}) \end{array}$	Max H ₂ O (wt.%)	Max H ₂ O (ocean mass)
Ocean	1.4	1.4	100	1.0
Upper mantle	615	4.2-5.8	0.68-0.95	3.0-4.2
Upper mantle*	615	1.1 - 2.8	0.18 - 0.45	0.79 - 2.0
Transition zone	415	5.4	1.3	3.8
Lower mantle	2955	0.03-6.2	0.001-0.21	0.02 - 4.4
Whole mantle	3985	9.6–17.5	0.24 - 0.44	6.9–12.5
Whole mantle*	3985	6.5–14.4	0.16-0.36	4.6-10.3

Iwamori (2007)

中生代一現在までの平均海洋地殻生産率25 km3 per year (Reymer and Schubert, 1984)。 過去にはより対流が激しく、生産率が大きかったはずだが、 この率で40億年間継続したとするとマントルの11%が海洋地 殻となる(Ohta et al., 2008)。

沈み込んださまざまな成分: どこかに溜る ? ⇔ 良く stirring を受ける ?



Christensen & Hofmann (1994)



Hoffman & McKenzie (1985)

沈み込んだ地殻物質の沈積

Hofmann and White (1982) (広義の plum-pudding mantle)



Marble-cake mantle



図 7-38 カンラン岩岩体中にみられるパイロクシナイトの薄層⁵⁰

培風館 地球化学講座3 (図の出典はAllegre and Turcotte (1986))

	地球の岩石部分 (始原マントル)		海洋地殻 (MORB)		大陸地殻
SiO ₂ (wt%)	45.0	<	49.93	<	59.1
MgO	37.8	>	7.56	>	4.4
K_2O (ppm)	0.029	<<	0.17	<<	1.9
Th	0.0795	<<	0.20	<<	5.6
U	0.0203	<<	0.10	<<	1.42
					1
		X 10		X 10	

地殻は全地球の~0.4 重量%に過ぎないが、 全地球放射性元素の半分近くを含む。

Oceanic Basalts 2769 MORB & 1514 OIB with 5 isotopic ratios



同位体分别:

* 軽い、重い

(H, He, Li ...Rb,Sr,Nd,Sm,Pb,Th,U)

- * 安定、放射性
- * 化学的性質(揮発性、親石、親鉄)

同位体分别:

* 軽い、重い

(H, He, Li ...Rb,Sr,Nd,Sm,Pb,Th,U)

- * 安定、放射性
- * 化学的性質(揮発性、親石、親鉄)

温度・圧力分別を起こし難い 循環のタイムスケール 親娘元素の化学的分別



Figure 7.2. Goldschmidt's classification of the elements.

White (2007)

Table 1 Long-lived radioactive decay series used as tracers

Parent nuclide	Daughter nuclide	Half-life (yr)	Tracer ratio (radiogenic/ nonradiogenic)
¹⁴⁷ Sm	¹⁴³ Nd	106 × 10 ⁹	¹⁴³ Nd/ ¹⁴⁴ Nd
⁸⁷ Rb	⁸⁷ Sr	48.8 × 10 ⁹	⁸⁷ Sr/ ⁸⁶ Sr
¹⁷⁶ Lu	¹⁷⁶ Hf	35.7 × 10 ⁹	¹⁷⁶ Hf/ ¹⁷⁷ Hf
$\frac{dN}{dt} = -\lambda N$	¹⁸⁷ Os	$45.6 imes 10^{9}$	¹⁸⁷ Os/ ¹⁸⁸ Os
⁴⁰ K	⁴⁰ Ar	1.25 × 10 ⁹	⁴⁰ Ar∕ ³⁶ Ar
²³² Th	²⁰⁸ Pb	14.01×10^{9}	²⁰⁸ Pb/ ²⁰⁴ Pb
²³⁸ U	²⁰⁶ Pb	4.468×10^{9}	²⁰⁶ Pb/ ²⁰⁴ Pb
²³⁵ U	²⁰⁷ Pb	0.738 × 10 ⁹	²⁰⁷ Pb/ ²⁰⁴ Pb

Hofmann (1997)に加筆

さまざまな元素の同位体比 ⇒ さまざまな親娘核種の分別(程度[傾き]×時間) ⇒ (先験的情報とあわせて)初期物質、分別プロセス・年代が推定可能





Hofmann (1997)



Hofmann (1997)



定説:「地表付近、地球内部でのさまざまな元素分別 ⇒ 多様な同位体不均質: 不均質が対流攪拌によって marble-cakeとなるか、 不均質が大きく残って plum-pudding となるかは議論が分かれる」 FOZO, HIMU, and the rest of the mantle zoo (Stracke et al., 2005)



smaller data set. The percentage of variance accounted for by the five eigenvectors is 56.6, 37.2, 3.7, 1.8, and 0.7% (11). Thus, the planar aspect of the data in Fig. 1 is confirmed, because the first two eigenvectors account for 93.8% of the population

Hart et al. (1992)

Principal Component Analysis Allegre and Lewin (1995) A Gougi for geochemical mantle components U2 Tubual Mangata 4-Hewait +12 Zindler et al. (1982) **U**3 U1 Blichert-Toft et al. (2005) This study Holmann, 1997 40 208pb/204pb 39 38 37 15.8 207 pb/204 pb 15,7 15.6 15.5 15.4 18.0 19.0 19.5 18.5











PCA for Geochemical Data



PCA for Geochemical Data






ICA for Geochemical Data



ICA for Geochemical Data



Procedure of Independent Component Analysis

[1]: Sphering (Whitening) data matrix (**X**) using *r*-eigen values ($\mathbf{S}_{\mathbf{r}}$: diagonal matrix that contains square root of the eigen values) and the eigen vectors ($\mathbf{V}_{\mathbf{r}}$) to obtain the shpered data matrix ($\mathbf{U}\mathbf{r}$):

$$\mathbf{U}_{\mathbf{r}} = \mathbf{X} \mathbf{V}_{\mathbf{r}} \mathbf{S}_{\mathbf{r}}^{-1} \tag{1}$$

[2]: Searching an axis $\mathbf{w}_{\mathbf{i}}$ to maximize non-Gaussianity J_G :

$$U_G(\mathbf{y}) = [E\{G(\mathbf{y})\} - E\{G(\nu)\}]^2$$
(2)

$$G(a) = -\exp\left(\frac{-a^2}{2}\right) \tag{3}$$

$$\mathbf{y} = \mathbf{U}_{\mathbf{r}} \mathbf{w}_{\mathbf{i}} \tag{4}$$

where E represents expectation, ν returns a standarized Gaussian distribution.

[3]: Finding another \mathbf{w}_{i+1} in the space orthogonal to $\mathbf{w}_{1,2,\ldots,i}$.





Independent Component Analysis

x — A and **s** (blind source separation, cocktail party problem)





Vigario et al. (1998)



Hyvarinen (1999)

Oceanic Basalts 4308 data

Sr(-Rb), Nd(-Sm), Pb(-U-Th) 5 isotopic ratios



Oceanic Basalts 4308 data

Sr(-Rb), Nd(-Sm), Pb(-U-Th) 5 isotopic ratios

Only 3 (possibly 2) independent components

















































Gondwana: 500Ma ? Rhodinia : 800 Ma ? Pangea: 300 Ma





Model and Summary

- (1) Two overlapping ICs in oceanic basalt isotopes= mantle heterogeneity by two differentiation processes
- (2) IC1 separates OIB from MORB
 - = differentiation due to melting, long-recycling 1-2 Ga
- (3) IC2 discriminates spatial distribution
 - = differentiation due to aqueous fluid , short recycling 0.3-1 Ga















Kelbert et al. (2009)


Lawrence & Wysession (2006)

参考文献1

- Akaogi, M., Ito, M., and Navrotsky, A., 1989: Olivine-modified spinel-spinel transitions in the system Mg2SiO4-Fe2SiO4 calorimetric measurements, thermochemical calculation, and geophysical application, J. Geophys. Res., 94, 15671-1568.
- Allegre, C. J., Turcotte, D. L., 1986: Implications of a two-component marble-cake mantle, Nature, 323, 123-127.
- Allegre, C. J., Schiano, P., Lewina, E., 1995: Differences between oceanic basalts by multitrace element ratio topology, Earth Planet. Sci. Lett., 129, 1-12.
- Allegre, C. J., 1997: Limitation on the mass exchange between the upper and lower mantle: the evolving convection regime of the Earth, Earth Planet. Sci. Lett., Volume 150, Issues 1-2, July 1997, Pages 1-6.
- Argus, D.F. and Gordon, R.G., 1991: No-net-rotation model of current plate velocities incorporating plate motion model NUVEL-1, Geophys. Res. Lett., 18, 2039-2042.
- Bilchert-Toft, J., Agranler, A., Andres, M., Kingsley, R., Schilling, J. G., Albarede, F., 2005: Geochemical segmentation of the Mid-Atlantic Ridge north of Iceland and ridge-hot spot interaction in the North Atlantic, Geochemistry Geophysics Geosystems, VOL. 6, Q01E19, 27 pp.

参考文献 2

- Christensen, U. R., Hofmann, A. W., 1994: Segregation of subducted oceanic crust in the convecting mantle, J. Geophys. Res., 99, 19867-19884.
- Davies, G. F., 1999: Dynamic Earth: Plates, Plumes and Mantle Convection, Cambridge University Press, 470pp.
- Forsyth, U. W., Uyeda, S., 1975: On the Relative Importance of the Driving Forces of Plate Motion, Geophysical Journal of the Royal Astronomical Society, 43, 163–20.
- Fukao, Y., Obayashi, M., Nakakuki, T., the Deep slab project group, 2009: Stagnantslab: a review. Annu. Rev. Earth Planet. Sci. 37, 19-46.
- Hager, B. H., O'Connell, R. J., 1978: Subduction zone dip angles and flow driven by plate motion, Tectonophysics 50, 111-133. Journal of Petrology, 29, 625-679.
- Hart, S. R., Hauri, E. H., Oschmann, L. A., Whitehead, J. A., 1992: Mantle Plumes and Entrainment: Isotopic Evidence, Science, 256, 517-520.
- Hernlund, J. W., Thomas, C., Tackley, P. J., 2005: A doubling of the post-perovskite phase boundary and structure of the Earth's lowermost mantle, Nature, 434, 882-886.
- Hirose, K., 2006: Postperovskite phase transition and its geophysical implications, Rev. Geophys. 44.

参考文献3

- Hoffman, N. R. A., McKenzie, D. P., 1985: The destruction of geochemical heterogeneities by differential fluid motions during mantle convection, Geophysical Journal of the Royal Astronomical Society, 82, 163-206.
- Hofmann, A. W., White W. M., 1982: Mantle plumes from ancient oceanic crust, Earth Planet. Sci. Lett. 57, 421-436.
- Hofmann A. W., 1997: Mantle geochemistry: the message from oceanic volcanism, Nature 385, 219-229.
- Honda, S., 1995: A simple parameterized model of Earth's thermal history with the transition from layered to whole mantle convection, Earth Planet. Sci. Lett., 131, 357-369.
- Hyvarinen, A., 1999: Sparse code shrinkage:Denoising of nongaussian date by maximum likelihood estimation, Neural Computation, 11, 1739-1768.
- Iwamori, H.,1998: Transportation of H2O and melting in subduction zones Earth Planet. Sci. Lett., 160, 65-80.
- Iwamori, H., 1999: Geochemical studies on magma generation and migration with numerical modeling, Chikyu Kagaku, 33,155-175.
- Iwamori, H., 2000: Deep subduction of H2O and deflection of volcanic chain towards backarc near triple junction due to lower temperature, Earth Planet. Sci. Lett., 181, 41-46.



- Iwamori, H., 2004: Phase relations of peridotites under H2O-saturated conditions and ability of subducting plates for transportation of H2O, Earth Planet. Sci. Lett., 227, 57-71.
- Iwamori, H., 2007: Transportation of H2O beneath the Japan arcs and its implications for global water circulation, Chemical Geology, 239, 182-198.
- Iwamori, H., Albarede, F., 2008: Global Structure of Isotopic Compositional Space of Oceanic Basalts by Independent Component Analysis and its Implications for Mantle Dynamics, American Geophysical Union, Fall Meeting 2008, abstract V41F-04.
- Kelbert, A., Schultz. A., Egbert, G., 2009: Global electromagnetic induction constraints on transition-zone water content variations, Nature, 460, 1003-1006.
- Kawakatsu, H., Watada, S., 2007:Seismic Evidence for Deep-Water Transportation in the Mantle, Science, 316, 1468-1471.
- Kawakatsu, H., Kumar, P., Takei, Y., Shinohara, M., Kanazawa, T., Araki, E., Suyehiro, K., 2009: Seismic Evidence for Sharp Lithosphere-Asthenosphere, Boundaries of Oceanic Plates, Science, 324, 499-502.
- Klein, Cornelis; Hurlbut, Cornelius Searle; Dana, James Dwight, 1993: Manual of mineralogy, John Wiley and Sons Inc, 704pp.



- Kusuda, C., Iwamori, H., Kazahaya, K., Morikawa, N., Takahashi, M., Takahashi, H., Ohwada, M., Ishikawa, T., Tanimizu, M., Nagaishi, K., 2009: The involvement of slabderived fluids in non-volcanogenic hot springs in SW Japan, American Geophysical Union, Fall Meeting 2009, abstract V43B-2243.
- Lawrence, J. F., Wysession, M. E., 2006: Seismic Evidence for Subduction-Transported Water in the Lower Mantle, Geophysical monograph, 168, 251-261.
- Lay, T., Garnero, E. J., 2007: Reconciling the post-perovskite phase with seismological observations of lowermost mantle structure, Geophysical monograph, 174, 129-153.
- Lay, T., Garnero, E. J., 2004: Core-mantle boundary structures and processes, in The State of the Planet: Frontiers and Challenges in
- Geophysics, Geophys. Monogr. Ser., vol. 150, edited by Sparks, R. S. J., Hawkesworth, C. J., 25-41, AGU, Washington, D. C. McKenzie, D., Bickle, M. J., 1988: The volume and composition of melts generated by extension of the lithosphere, Journal of Petrology, 29, 625-679.
- Nakagawa, T., Tackley, P. J., 2005: The interaction between the post-perovskite phase change and athermo-chemical boundary layer near the core-mantle boundary, Earth Planet. Sci. Lett., 238, 204-216.



- Nakajima, J., Hasegawa, A., 2007: Subduction of the Philippine Sea plate beneath southwestern Japan: Slab geometry and its relationship to arc magmatism, J. Geophys. Res., 112, B08306(18).
- Nakamura, H., Iwamori, H., Kimura, J. I., 2008: Geochemical evidence for enhanced fluid flux due to overlapping subducting plates, Nature Geoscience 1, 380 384.
- Ohta, K., Hirose, K., Lay, T., Sata, N., Ohishi, Y., 2008: Phase transitions in pyrolite and MORB at lowermost mantle conditions: Implications for a MORB-rich pile above the core-mantle boundary, Earth Planet. Sci. Lett., 267,107-117.
- Ozawa, H., Hirose, K., Mitome, M., Bando, Y., Sata, N., Ohishi, Y., 2009: Experimental study of reaction between perovskite and molten iron to 146 GPa and implications for chemically distinct buoyant layer at the top of the core, Phys. Chem. Miner., 36, 355-363.
- Press, F., Siever, R., Grotzinger, J., Jordan, T. H., 2003: Understanding Earth, 4th Ed. New York: W.H. Freeman. Scott, D. R., Stevenson, D. J., 1986: Magma Ascent by Porous Flow, J. Geophys. Res., 91, 9283-9296.



- Spiegelman, M., 1993: Physics of melt extraction: theory, implications and applications, Phil. Trans. R. Soc. Lond. A, 342, 23-41.
- Spiegelman, M., Kelemen, P. B., Aharonov, E., 2001: Causes and consequences of flow organization during melt transport: The reaction infiltration instability in compactible media, J. Geophys. Res., 106, 2061-2077.
- Steinbach, V., Yuen, D. A., Zhao, W. L., 1993: Instabilities from phase transitions and the timescales of mantle thermal evolution, Geophys. Res. Lett. 20, 1119-1122.
- Sugimura, E., Iitaka, T., Hirose, K., Kawamura, K., Sata, N., Ohnishi, Y., 2008: Compression of H2O ice to 126 GPa and implications for hydrogen-bond symmetrization: Synchrotron x-ray diffraction measurements and density-functional calculations, Phy. R. B., 77 (21), 214103.
- Tackley, P. J., 2000: Mantle Convection and Plate Tectonics: Toward an Integrated Physical and Chemical Theory, Science, 288, 2002-2007.
- Takeuchi, N., 2007: Whole mantle SH velocity model constrained by waveform inversion based on three-dimensional Born kernels, Geophysical Journal International, 169, 1153-1163.
- Tarduno, J., Bunge, H. P., Sleep, N., Hansen, U., 2009: The Bent Hawaiian-Emperor Hotspot Track: Inheriting the Mantle Wind Science, 324, 50-53.



- Turcotte, D.L., Schubert, G., 1982: Geodynamics: Application of Continuum Physics to Geological Problems, New York, John Wiley and Sons, 450pp.
- Vigario, R., Jousmaki, V., Hamalainen, M., Hari, R., Oja, E., 1998: Independent component analysis for identification of artifacts in magnetoencephalographic recordings, Advances in Neural Infomation Processing Systemis 10 (Proc. NIPS*97), 229 – 235.
- White, W.M., 2007: Geochemistry, John Hopkins University Press, 258-312.
- Zhao, D., Asamori, K., Iwamori, H., 2000: Seismic structure and magmatism of the young Kyushu subduction zone, Geophys. Res. Lett., 27, 2057-2060.
- Zindler, A., Jagoutz, E., Steven, G., 1982:Nd, Sr and Pb isotopic systematics in a threecomponent mantle: a new perspective, Nature, 298, 519-523.
- 鳥海光弘, 玉木賢策, 谷本俊郎, 本多了, 高橋栄一, 巽好幸, 本蔵義守, 1997:
 岩波講座10地球惑星科学, 73-122.
- 久城 育夫, 荒牧 重雄, 1986: 岩波講座 地球科学4 地球の物質化学, 岩波書店, 260pp.
- •野津憲治,清水洋,2003:地球化学講座3マントル・地殻の地球化学,培風館,308pp.